

FORMULARIO TEMA 1

- **Valor teórico o contable de la acción se hace según la siguiente relación:**

$$VT = \frac{\text{capital} + \text{reservas}}{n^{\circ} \text{ acciones}}$$

- **Nº de derechos necesarios para adquirir una acción nueva**

$$n = \frac{N}{M}$$

N= Número de acciones antes de la ampliación

M= Número de acciones nuevas

- **Valor de las acciones antiguas más el valor de las acciones nuevas es igual al número de acciones totales después de la ampliación multiplicado por su precio:**

$$N \cdot P_o + M \cdot P_1 = (N + M) \cdot P_2$$

P_o= Precio de las acciones antes de la ampliación

P₁= Precio de emisión de las nuevas acciones

- **Precio de las acciones después de la ampliación**

$$P_2 = \frac{N \cdot P_o + M \cdot P_1}{N + M} = \frac{n \cdot P_o + P_1}{n + 1}$$

- **Valor de un derecho**

$$d = P_o - P_2 = P_o - \frac{N \cdot P_o + M \cdot P_1}{N + M} = \frac{M(P_o - P_1)}{N + M} = \frac{P_o - P_1}{n + 1}$$

- **Precio de la acción**

$$P_o = \frac{D_1}{1 + ke} + \frac{D_2}{(1 + ke)^2} + \dots + \frac{D_n}{(1 + ke)^n}$$

D₁, D₂, ..., D_n = Dividendos esperado para los años 1,2,...,n

Ke= coste de las acciones

- Si los **dividendos** son **constantes**:

$$P_o = D_o \sum \frac{1}{(1+ke)^t} \quad P_o = D_o \frac{1}{ke} \quad ke = \frac{D_o}{P_o}$$

- Si los **dividendos** **crecieran a una tasa acumulativa anual constante g**:

$$P_o = \frac{D_o}{ke - g} \quad ke = \frac{D_o}{P_o} + g$$

- **Coste de la acción ordinaria**

$$K_e = R_f + \langle E(R_m) - R_f \rangle \cdot \beta$$

Ke= Tasa libre de riesgo+(prima riesgo de mercado)*(riesgo sistem. de acción).
 Rf= Tasa de rendimiento para activos sin riesgo.
 E(Rm)= Rendimiento esperado para el mercado.
 β = Riesgo sistemático o de mercado de la acción

- **Montante del empréstito**

$$M = \frac{S_1}{1+kd} + \frac{S_2}{(1+kd)^2} + \dots + \frac{S_n}{(1+kd)^n}$$

St= Pagos realizados en el año t por intereses y devolución del empréstito.
 Kd= Coste obligaciones.

- Si la **amortización** es **constante**:

$$M = S_0 \sum_{t=1}^n \frac{1}{(1+kd)^t}$$

- **Valor leasing**

$$C_0 - \sum_{t=1}^n \frac{CL_t}{(1+k)^t}$$

C₀= Coste del activo.
 CL_t= Flujos de caja derivados del leasing.
 K= Coste de oportunidad del capital.

FORMULARIO TEMA 2

▪ Coste efectivo del préstamo

$$\text{Coste efectivo} = \frac{\text{coste absoluto}}{\text{Fondos recibidos}} = \frac{i \cdot M + c \cdot M - i' \cdot R}{M - c \cdot M - R}$$

M = Nominal del préstamo.

i = Tipo de interés del préstamo.

c = Comisión.

R = Retenciones (comisiones, compensaciones, etc.).

i' = Remuneración de las retenciones.

▪ Coste del crédito comercial

$$K = \frac{\text{Descuento}}{\text{Efectivo}} = \frac{d \cdot M}{M - d \cdot M} \cdot \frac{360}{T - T'} = \frac{d}{1 - d} \cdot \frac{360}{T - T'}$$

M = Importe de la compra.

M' = Importe de la factura si pagamos al contado. (M-M') es el descuento por pronto pago.

T = Días que concede el proveedor para el pago con aplazamiento.

d = Tipo de descuento en tanto por uno que el proveedor descuenta al cliente si este paga al contado o dentro de un plazo de T' días.

- Si el descuento solo se concediera cuando se paga al estricto contado (T' = 0).

$$K = \frac{d}{1 - d} \cdot \frac{360}{T}$$

- Cuando el proveedor no hace descuento por pronto pago, pero vende más barato cuando se paga al contado:

$$K = \frac{M - M'}{M'} \cdot \frac{360}{T - T'} = \left(\frac{M}{M'} - 1 \right) \cdot \frac{360}{T - T'}$$

- Si:

$$T' = 0 \Rightarrow K = \left(\frac{M}{M'} - 1 \right) \cdot \frac{360}{T}$$

• Coste efectivo de los pagarés

$$c = \frac{\text{descuento}}{\text{efectivo}} \cdot \frac{T}{365}$$

T = Días desde la emisión al vencimiento.

Importe efectivo = Nominal – Descuento

FORMULARIO TEMA 3

- **Tipo de interés efectivo anual de las Letras del Tesoro:**

$$P = \frac{1.000 \cdot (\text{nominal})}{1 + \frac{(t \cdot i)}{360}}$$

Capitalización simple, para plazos de un año o menos.

$$P = \frac{1.000 (\text{nominal})}{(1 + i)^{t/360}}$$

Capitalización compuesta, para plazos superiores a un año.

P = Precio del título
t = Días hasta el vencimiento
i = tipo de interés efectivo anual

FORMULARIO TEMA 4

- **Ratios de Actividad a corto plazo:**

- Rotación de almacenes = $\frac{\text{Ventas a precio de coste}}{\text{Existencias medias}}$

- Rotación de deudores = $\frac{\text{Ventas a precio de venta}}{\text{Deudores (media)}}$

- Periodo medio de cobro = $\frac{365 \times \text{deudores (media)}}{\text{Ventas a precio de venta}}$

- Rotación de fondo de maniobra = $\frac{\text{Ventas a precio de venta}}{\text{Fondo maniobra medio}}$

- **Ratios de Actividad a largo plazo:**

Ventas

- Rotación de activo fijo = $\frac{\text{Inmovilizado material}}{\text{Inmovilizado material}}$
- Rotación de activo total = $\frac{\text{Ventas a precio de venta}}{\text{Activo total}}$

- **Ratios de Liquidez:**

- Liquidez general = $\frac{\text{Activo circulante}}{\text{Pasivo circulante}}$
- Prueba del ácido = $\frac{\text{Activo circulante} - \text{existencias}}{\text{Pasivo circulante}}$
- Ratio de caja = $\frac{\text{Caja} + \text{inversiones financieras temporales}}{\text{Pasivo circulante}}$

- **Ratios de Solvencia y apalancamiento:**

- Coeficiente de endeudamiento = $\frac{\text{Deudas a corto} + \text{deudas a largo}}{\text{Pasivo total}}$
- Coeficiente de endeudamiento = $\frac{\text{Deudas a corto} + \text{deudas a largo}}{\text{Recursos propios}}$

- **Ratios de Rentabilidad:**

- Rentabilidad del activo (ROA) = $\frac{\text{B}^\circ \text{ neto para el accionista}}{\text{Activo total}}$
- Rentabilidad recursos propios (ROE) = $\frac{\text{B}^\circ \text{ neto para accionista}}{\text{Recursos propios}}$
- Margen sobre ventas = $\frac{\text{Beneficio neto para el accionista}}{\text{Recursos propios}}$
- Margen de explotación = $\frac{\text{Beneficio de explotación}}{\text{Ventas}}$
- Generación básica de B° = $\frac{\text{B}^\circ \text{ antes intereses e impíos. (EBIT)}}{\text{Activo total}}$

- Ratio de rentabilidad de los activos (ROA) : Modelo Dupont

$$\text{ROA} = (\text{Margen sobre ventas}) \times (\text{Rotación de activos totales}) =$$

$$= \frac{\text{Beneficio neto}}{\text{Ventas}} \cdot \frac{\text{Ventas}}{\text{Activo total}}$$

$$\text{ROE} = \frac{\text{Beneficio neto}}{\text{Fondos Propios}} = \frac{\text{Beneficio neto}}{\text{Activo total}} \cdot \frac{\text{Activo total}}{\text{Fondos propios}} = \text{ROA} \cdot \frac{\text{Activo total}}{\text{Fondos propios}}$$

$$\text{ROE} = (\text{Margen sobre ventas}) \times (\text{Rotación de activos totales}) \cdot \frac{\text{Activo total}}{\text{Fondos propios}} =$$

$$= \frac{\text{Beneficio neto}}{\text{Ventas}} \cdot \frac{\text{Ventas}}{\text{Activo total}} \cdot \frac{\text{Activo total}}{\text{Fondos propios}}$$

- **Ratios Bursátiles:**

- Ratio Precio/Beneficio:

$$\text{PER} = \frac{\text{Capitalización bursatil}}{\text{Beneficio neto}} = \frac{\text{Precio por accion}}{\text{Beneficio neto por accion}}$$

- Ratio Precio/Cash Flow:

$$\text{PCFR} = \frac{\text{Capitalización Bursatil}}{\text{CashFlowNeto}} = \frac{\text{PrecioPorAccion}}{\text{CashFlowNetoPorAccion}}$$

- Ratio Precio/Valor Contable:

$$\frac{\text{Capitalización Bursatil}}{\text{Valor Contable}} = \frac{\text{Precio Por Accion}}{\text{Valor Contable de la Accion}}$$

- Payout:

$$\frac{\text{Dividendos Repartidos}}{\text{Beneficio}}$$

- Rentabilidad por dividendo:

$$\frac{\text{Dividendo Re partido}}{\text{Capitalizacion Bursatil}} = \frac{\text{Dividendo Por Accion}}{\text{Precio Por Accion}}$$

- Yield Ratio:

$$\frac{\text{Rentabilidad del bono a 10 años}}{\text{Rentabilidad por dividendo del a Bolsa}}$$

- **Valor Actual Neto:**

$$\text{VAN} = \frac{F_1}{(1+r)} + \frac{F_2}{(1+r)^2} + \frac{F_3}{(1+r)^3} + \dots + \frac{F_n}{(1+r)^n}$$

F_n = Flujo de caja del año n
 r = Tasa de descuento

- **Medias:**

- Simple:

$$M_s = \frac{c_1 + c_2 + c_3 + \dots + c_n}{n}$$

c_1, \dots, c_n las distintas cotizaciones en los n momentos analizados

- Ponderadas:

$$M_p = \frac{n \cdot c_n + (n-1) \cdot c_{n-1} + (n-2) \cdot c_{n-2} + \dots + 2 \cdot c_2 + c_1}{n + (n-1) + \dots + 2 + 1}$$

- **Oscilador RSI:**

$$\text{RSI} = 100 - \frac{100}{1 + \frac{SA}{SB}}$$

SA = suma de subidas de precios durante el período
 SB = suma de bajadas de precios durante el período

- **Índices Bursátiles:**

- Media aritmética:

$$I_t = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it}}{n}, \text{ o, } I_t = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it}}{\sum_{i=1}^n P_{i0}}, \text{ (} P_{i0}: \text{ precio del título } i \text{ en el momento } 0 \text{).}$$

- Media Aritmética Ponderada:

$$I_t = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it} \cdot Q_{i0}}{n}$$

Q_{i0} : Ponderación del título i en el momento 0 (momento base)

- Fórmula de Laspeyres:

$$I_t = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it} \cdot Q_{i0}}{\sum_{i=1}^n P_{i0} \cdot Q_{i0}}$$

- Fórmula de Paasche:

$$I_t = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it} \cdot Q_{it}}{\sum_{i=1}^n P_{i0} \cdot Q_{it}}$$

- Ajuste por reparto de dividendos:

$$P_{in} = P'_{in} - \frac{d_{t-1}}{365} \cdot n$$

P_{in} = cotización ajustada por dividendo del título i el día n

P'_{in} = cotización del título i el día n

d_{t-1} = dividendo por acción repartido el año anterior

n = número de días transcurridos del año ($n=1, 2, 3 \dots 365$)

Una vez repartidos los dividendos hay que hacer un nuevo reajuste sumando los dividendos:

$$P_{in} = P'_{in} - \frac{d_{t-1}}{365} \cdot n + d_t$$

Si $d_{t-1} \neq d_t$ es necesario repartir la diferencia de ambos dividendos entre el número de días que faltan para terminar el año:

$$A = \frac{d_t - d_{t-1}}{365 - n}; \quad P_{in} = P'_{in} - \left(\frac{d_{t-1} + A}{365} \right) \cdot n + d_t$$

- Ajuste por ampliaciones de capital:

Precio corregido por la ampliación, P_{it} :

$$P_{it} = P'_{it} \cdot K$$

P'_{it} : Precio del título i en un momento cualquiera después de la ampliación

K: Factor de ajuste

$$K = \frac{P_{i0}}{P_{i2}}$$

P_{i0} = cotización del título i antes de la ampliación

P_{i2} = cotización del título i después de la ampliación

- **Índice General de la Bolsa de Madrid:**

- Índice individual:

$$I_{it} = \frac{P_{it}}{P_{i0}}$$

P_{it} = precio del título i en el momento t (cuando se calcula el índice)

P_{i0} = precio del título i en el momento de referencia (fecha base)

- Índice sectorial:

$$I_s = \sum_{i=1}^n I_{it} \cdot Q_i$$

Q_i = ponderación del título i en sector s

n = número de títulos que integran el índice del sector s

- Índice General de la Bolsa de Madrid:

$$IGBM = \sum_{s=1}^9 I_s \cdot Q_s$$

- **Índice General de la Bolsa de Madrid:**

$$\text{Indice}_t = \text{Indice}_{(t-1)} \cdot \frac{\sum_{s=1}^{35} \text{Cap}_{st}}{\sum_{s=1}^{35} \text{Cap}_{s(t-1)}}$$

t = momento de cálculo del índice

Cap_{st} = Capitalización bursátil de la compañía s en el momento t

Cap_{s(t-1)} = Capitalización bursátil del título s en el momento t-1.

FORMULARIO TEMA 5

- **Rentabilidad de un título:**

$$R_{it} = \frac{d_{it} + (P_{it} - P_{it-1})}{P_{it-1}}$$

d_{it}: Dividendos o intereses del período

P_{it} - P_{it-1}: Diferencia entre el precio al comienzo del periodo y el precio al final del mismo periodo

- **Riesgo de un título:**

$$\sigma^2 = \sum P_t \times (R_t - E(R_t))^2$$

- **Rentabilidad de una cartera:**

$$R_p = \sum R_{it} \cdot Z_i$$

R_p = Rendimiento de la cartera.

R_{it} = Rendimiento del título i en el periodo t.

Z_i = Ponderación del título i.

- **Covarianza:**

$$\text{Cov}(R_a, R_b) = \sigma_{ab} = \sum P_t \cdot (R_{at} - E(R_a)) \cdot (R_{bt} - E(R_b))$$

- **Varianza**

$$\sigma^2 = Z^2 a \cdot \sigma^2 a + Z^2 b \cdot \sigma^2 b + 2 \cdot Z a \cdot Z b \cdot \sigma ab$$

- **Determinación de carteras eficientes:**

- Maximizando el rendimiento de la cartera para cada valor del riesgo:

$$\begin{array}{ll} \text{Max. } E(R_p) = Z_1 \cdot E(R_1) + \dots + Z_n \cdot E(R_n) & \longrightarrow \text{Función objetivo} \\ \text{Restricciones: } \sigma^2 = \sum_i \sum_j Z_i \cdot Z_j \cdot \sigma_{ij} & \text{Restricción paramétrica.} \\ Z_1 + Z_2 + \dots + Z_n = 1 & \text{Restricción presupuestaria.} \\ Z_1, Z_2, \dots, Z_n \geq 0 & \text{Restricción de la no negatividad.} \end{array}$$

- Minimizando el riesgo para cada valor del rendimiento:

$$\begin{array}{ll} \text{Min. } \sigma^2 = \sum_i \sum_j Z_i \cdot Z_j \cdot \sigma_{ij} & \longrightarrow \text{Función objetivo} \\ \text{Restricciones: } E(R_p) = Z_1 \cdot E(R_1) + Z_2 \cdot E(R_2) + \dots + Z_n \cdot E(R_n) & \\ Z_1 + Z_2 + \dots + Z_n = 1 & \\ Z_1, Z_2, \dots, Z_n \geq 0 & \end{array}$$

FORMULARIO TEMA 6

- **Rendimiento de un título en el modelo de Sharpe:**

$$R_i = \alpha_i + \beta_i \cdot I + \varepsilon_i$$

α_i = Variable independiente = rentabilidad del título i que no depende de la variación del índice de mercado.

β_i = Término dependiente = riesgo sistemático o relación entre la rentabilidad del título y el índice del mercado.

I = Índice del mercado. Generalmente se utiliza el índice bursátil.

ε_i = Perturbación aleatoria. Expresa las variaciones en R_i que son independientes de los movimientos del mercado y que depende de las características específicas del título i.

- **Media del Rendimiento del título en el modelo de Sharpe:**

$$E(R_i) = \alpha_i + \beta_i \cdot E(I)$$

- **Varianza del rendimiento del título en el modelo de Sharpe:**

$$\sigma^2(R_i) = \beta_i^2 \cdot \sigma^2(I) + \sigma^2(\varepsilon_i)$$

- **Rendimiento de una cartera en el modelo de Sharpe:**

$$R_p = \alpha_p + \beta_p \cdot I + \varepsilon_p$$

- Rendimiento medio de la cartera:

$$R_p = \sum_{i=1}^n Z_i \cdot R_i$$

- Término independiente:

$$\alpha_p = \sum_{i=1}^n Z_i \cdot \alpha_i$$

- Beta de la cartera:

$$\beta_p = \sum_{i=1}^n Z_i \cdot \beta_i$$

- Perturbación aleatoria de la cartera:

$$\varepsilon_p = \sum_{i=1}^n Z_i \cdot \varepsilon_i$$

- **Esperanza matemática de los rendimientos de la cartera:**

$$E(R_p) = \alpha_p + \beta_p \cdot E(I)$$

- **Varianza de los rendimientos de la cartera:**

$$\sigma^2(R_p) = \beta^2 \cdot \sigma^2(I) + \sigma^2(\varepsilon_p)$$

- **Modelo de Mercado de Sharpe:**

$$R_i = \alpha_i + \beta_i \cdot R_M + \varepsilon_i$$

R_i = Tasa de rentabilidad, en tanto por uno, del título i .

α_i = Rentabilidad del título i que es independiente de los movimientos del mercado.

β_i = Riesgo sistemático o relación entre las fluctuaciones en el rendimiento de la acción i y las fluctuaciones del rendimiento del mercado.

R_M = Rentabilidad del mercado.

$$R_M = \frac{\text{Valor índice a final periodo} - \text{Valor índice a principio periodo}}{\text{Valor índice a principio periodo}}$$

ε_i = Perturbación aleatoria. Su varianza será, por tanto, el riesgo específico o diversificable.

- **Esperanza matemática del Modelo de Mercado de Sharpe:**

$$E(R_i) = \alpha_i + \beta_i \cdot E(R_M)$$

$$\alpha_i = E(R_i) - \beta_i \cdot E(R_M)$$

$$\beta_i = \frac{\sigma_{iM}}{\sigma_M^2}$$

subíndice i indica el título i (que también puede ser una cartera de títulos)
subíndice M se refiere al mercado

- **Varianza del Modelo de Mercado de Sharpe:**

$$\sigma^2(R_i) = \beta_i^2 \cdot \sigma^2(R_M) + \sigma^2(\varepsilon_i)$$

$(\beta_i^2 \cdot \sigma^2(R_M))$, mide el riesgo sistemático
 $(\sigma^2(\varepsilon_i))$ mide el riesgo diversificable o específico.

Riesgo total = riesgo sistemático + riesgo diversificable.

- **Línea de mercado o Security Market Line (SML) o rendimiento esperado de un título:**

$$\text{SML: } E(R_i) = R_f + \{E(R_M) - R_f\} \beta_i \quad \text{ó} \quad E(R_i) = R_f + \{E(R_M) - R_f\} \cdot \frac{\text{Cov}(R_i, R_M)}{\sigma_M^2}$$

R_f : tasa de rendimiento de los activos libre de riesgo

R_i : rendimiento exigido para la acción i

- Prima de riesgo para la acción i :

$$PR_i = R_i - R_f$$

ó

$$PR_i = PR_M \cdot \beta_i = \{E(R_M) - R_f\} \cdot \beta_i$$

- Prima de riesgo del mercado:

$$PR_M = E(R_M) - R_f$$

FORMULARIO TEMA 7

- **Teoría RE**

- **Proposición I**

- **Valor de la empresa:**

$$V = \frac{B}{k_0}$$

- **Coeficiente de endeudamiento**

$$L = \frac{O}{A}$$

A = Valor de las acciones en el mercado
O = Valor de las obligaciones en el mercado

- **Coste total del capital de la empresa**

$$k_0 = \frac{B}{V}$$

B = Beneficio de explotación o beneficio económico
BN = Beneficio neto antes de impuestos
F = Intereses de las deudas

$$k_0 = \frac{B}{V} = \frac{B}{A+O} = \frac{BN+F}{A+O} = \frac{k_e \cdot A + k_i \cdot O}{A+O} = k_e \cdot \frac{A}{A+O} + k_i \cdot \frac{O}{A+O}$$

- **Coste del capital propio de la empresa**

$$k_e = \frac{BN}{A}$$

$$k_e = \frac{BN}{A} = \frac{B-F}{A} = \frac{k_0 \cdot V - F}{A} = \frac{k_0 \cdot (A+O) - F}{A} = \frac{k_0 \cdot (A+O) - k_i \cdot O}{A} = k_0 + \frac{O}{A} \cdot (k_0 - k_i)$$

$$k_e = k_0 + L \cdot (k_0 - k_i)$$

- **Coste del capital ajeno de la empresa**

$$k_i = \frac{F}{O}$$

Proposición II de MM

$$(k_e^* - k_e) \cdot A - (k_e^* - k_e) \cdot \Delta A = k_e^* \cdot \Delta A - k_i \cdot \Delta O$$

- **Teoría RN**

- **Valor de las acciones**

$$A = \frac{BN}{k_e} = \frac{B - F}{k_e} = \frac{B - k_i \cdot O}{k_e}$$

- **Valor de la empresa**

$$V = A + O = \frac{B - k_i \cdot O}{k_e} + O = \frac{B}{k_e} + O \cdot \left(1 - \frac{k_i}{k_e}\right)$$

Si se emiten nuevas obligaciones y el dinero obtenido se destina a amortizar acciones; su valor de mercado será:

$$\begin{aligned} V^* &= \frac{B}{k_e} + (O + \Delta O) \cdot \left(1 - \frac{k_i}{k_e}\right) = \frac{B}{k_e} + O + \Delta O - \frac{k_i \cdot O}{k_e} - \frac{k_i \cdot \Delta O}{k_e} = \\ &= \frac{B}{k_e} + O \cdot \left(1 - \frac{k_i}{k_e}\right) + \Delta O \cdot \left(1 - \frac{k_i}{k_e}\right) = V + \Delta O \cdot \left(1 - \frac{k_i}{k_e}\right) \end{aligned}$$

$V^* > V$, al aumentar la relación de endeudamiento, el valor de la empresa en el mercado también aumenta, y se incrementa la riqueza del accionista.

Si se emiten nuevas obligaciones y con el dinero obtenido, rescatamos acciones. El nuevo coste sería:

$$\begin{aligned} k_0^* &= k_e \cdot \frac{A - \Delta A}{A - \Delta A + O + \Delta O} + k_i \cdot \frac{O + \Delta O}{A - \Delta A + O + \Delta O} = k_e \cdot \frac{A - \Delta A}{A + O} + k_i \cdot \frac{O + \Delta O}{A + O} = \\ &= k_e \cdot \frac{A}{A + O} + k_i \cdot \frac{O}{A + O} + \frac{k_i \cdot \Delta O - k_e \cdot \Delta A}{A + O} = k_0 + \frac{k_i \cdot \Delta O - k_e \cdot \Delta A}{A + O} \end{aligned}$$

$$k_0^* < k_0.$$

FORMULARIO TEMA 8

- **Impuesto de Sociedades: Modelo de Modigliani y Miller:**

- VAN ahorro fiscal:

$$\frac{t_c \cdot (D \cdot k_i)}{k_i} = t_c \cdot D$$

D: volumen de la deuda

k_i : coste de la deuda

t_c : tipo impositivo del impuesto de sociedades

- Valor de la empresa endeudada:

$$V_0 = V_A + t_c \cdot D$$

V_A = Valor de una empresa no endeudada

t_c = Tipo impositivo del Impuesto de Sociedades

D = Importe de la deuda

- **Efecto conjunto del Impuesto de Sociedades y del IRPF**

- Renta disponible (después de impuestos) para una empresa endeudada:

$$(B - k_i \cdot D) \cdot (1 - t_c) \cdot (1 - t_{ps}) + k_i \cdot D \cdot (1 - t_{pd})$$

B = Beneficio de explotación

k_i = Coste de las deudas

D = Deudas

t_c = Tipo impositivo del Impuesto de Sociedades

t_{pd} = Tipo de gravamen en IRPF correspondiente a los intereses de las deudas.

t_{ps} = Tipo de gravamen en IRPF correspondiente al rendimiento de las acciones.

- Renta disponible para accionistas y obligacionistas en el caso de una empresa no endeudada:

$$B \cdot (1 - t_c) \cdot (1 - t_{ps})$$

- Ahorro fiscal viene dado por la diferencia entre la renta disponible para ambas empresas:

$$(B - k_i \cdot D) \cdot (1 - t_c) \cdot (1 - t_{ps}) + k_i \cdot D \cdot (1 - t_{pd}) - B \cdot (1 - t_c) \cdot (1 - t_{ps}) = k_i \cdot D \cdot \{(1 - t_{pd}) - (1 - t_c) \cdot (1 - t_{ps})\}$$

- **Estructura de capital y costes de quiebra e insolvencia**

Valor de la empresa = Valor cuando se financia solo con recursos propios + VAN del ahorro fiscal - VAN de los costes de insolvencia

FORMULARIO TEMA 9

- **Tesis del beneficio: Teoría de MODIGLIANI Y MILLER:**

- Tasa de retorno:

$$r(t) = \frac{d_i(t) + P_i(t+1) - P_i(t)}{P_i(t)}, \text{ es independiente de } i$$

$d_i(t)$ = dividendo pagado a la acción i durante el período t

$P_i(t)$ = precio ex-dividendo (sin el dividendo correspondiente a $t-1$) de la acción i a comienzo del período t

- Valor de una acción:

$$P_i(t) = \frac{1}{1+r(t)} [d_i(t) + P_i(t+1)]$$

- Valor de la empresa en su conjunto:

$$V(t) = \frac{1}{1+r(t)} [D(t) + n(t) \cdot P_i(t+1)]$$

$n(t)$ = número de acciones al comienzo de t

$D(t) = n(t) \cdot d(t)$ = dividendos totales pagados en t

$V(t) = n(t) \cdot P(t)$ = valor total de la empresa a comienzo de t

- Si la empresa acomete un proyecto de inversión que financia con beneficios retenidos y con una ampliación de capital, para lo cual emite $m(t+1)$ acciones a un precio ex-dividendo de $P(t+1)$ durante el período t , tenemos:

$$n(t+1) = n(t) + m(t+1)$$

y multiplicando ambos términos de la ecuación por $P(t+1)$:

$$n(t) \cdot P(t+1) = n(t+1) \cdot P(t+1) - m(t+1) \cdot P(t+1) = V(t+1) - m(t+1) \cdot P(t+1)$$

sustituyendo:

$$V(t) = \frac{1}{1+r(t)} [D(t) + V(t+1) - m(t+1) \cdot P(t+1)]$$

Sean:

$I(t)$ = nivel de inversión acometido por la empresa en el período t

$B(t)$ = beneficio total neto obtenido por la empresa en el período t

La inversión $I(t)$ se habrá financiado con la ampliación de capital $\{m(t+1) \cdot P(t+1)\}$ y con el beneficio retenido $\{B(t) - D(t)\}$. Es decir,

$$I(t) = m(t+1) \cdot P(t+1) + B(t) - D(t) \Rightarrow m(t+1) \cdot P(t+1) = I(t) - B(t) + D(t)$$

Sustituyendo, $m(t+1) \cdot P(t+1)$ por su valor en la fórmula del valor de la empresa, se obtiene:

$$V(t) = \frac{1}{1+r(t)} [D(t) + V(t+1) - \{I(t) - B(t) + D(t)\}]$$

$$V(t) = \frac{1}{1+r(t)} [V(t+1) + B(t) - I(t)]$$

▪ **Tesis de los dividendos: Teoría de M.J. GORDON**

- Beneficio del año t

$$B_t = B_{t-1} \cdot (1+r \cdot b) = B_0 \cdot (1+r \cdot b)^t \cong B_0 \cdot e^{rbt}$$

b = tasa de retención de beneficios (en tanto por uno) que se supone constante. Se supone que la empresa reparte un porcentaje fijo anual de los beneficios obtenidos igual a $(1-b)$.

$D_t = B_t \cdot (1-b)$: dividendos repartidos en el año t

r = rendimiento que producen las nuevas inversiones realizadas por la empresa.

- Valor de la empresa es el valor actual de todos los dividendos futuros descontados a un tipo de mercado k , que se supone constante,

$$V_0 = \int_0^{\infty} D_t \cdot e^{-kt} dt = \int_0^{\infty} B_t \cdot (1-b) e^{-kt} dt = \int_0^{\infty} B_0 \cdot e^{rbt} \cdot (1-b) \cdot e^{-kt} dt = \int_0^{\infty} B_0 \cdot (1-b) \cdot e^{(rb-k)t} dt$$

$$V_0 = B_0 \cdot (1-b) \cdot \int_0^{\infty} e^{(rb-k)t} \cdot dt$$

Calculando la integral (siempre que $k > r \cdot b$), se obtiene el valor de la empresa en función del coeficiente de reparto (1-b):

$$V_0 = B_0 \cdot (1 - b) \cdot \frac{1}{k - r \cdot b} = \frac{B_0(1 - b)}{k - r \cdot b}$$

- Para analizar de manera más concreta la influencia de b sobre el valor de la empresa V_0 , se calcula la derivada primera de V_0 con respecto a b.

$$\frac{dV_0}{db} = \frac{B_0 \cdot (r - k)}{(k - r \cdot b)^2}$$

Se pueden presentar tres casos en función de los valores que tomen r y k:

- a) $\frac{B_0 \cdot (r - k)}{(k - r \cdot b)^2} = 0$. La primera derivada será cero cuando $r=k$. Cuando la

rentabilidad de las inversiones (r) coincide con la rentabilidad del mercado (k), el valor de la empresa es independiente de b, o lo que es lo mismo, el valor de la empresa es independiente de la política de dividendos.

- b) $\frac{B_0 \cdot (r - k)}{(k - r \cdot b)^2} > 0$ Para que la primera derivada sea positiva ha de cumplirse

que r sea superior a k. Cuanto mayor sea el valor de b, mayor será el valor de la empresa. Es decir, cuando $r > k$, la retención de beneficios hace aumentar el valor de la empresa y, por consiguiente, el precio de las acciones

- c) $\frac{B_0 \cdot (r - k)}{(k - r \cdot b)^2} < 0$ La condición para que la derivada sea negativa es que

$k > r$. Cuanto menor sea b menor será la pendiente de la curva, y menos decrecerá V_0 . En otras palabras, la política de dividendos que maximiza el valor de la empresa consistirá en repartir lo máximo de dividendos.

FORMULARIO TEMA 10

- **Liquidación de un FRA:**

- Importe de la liquidación en el momento del vencimiento del depósito:

$$C = (T_{FRA} - T_M) \cdot N \cdot \frac{D}{360} \quad \text{ó} \quad C = \frac{(T_{FRA} - T_M) \cdot N \cdot D}{36.000} \quad (\text{tipos de interés en \%})$$

C= Importe de la liquidación

T_{FRA} = Tipo de interés pactado en el contrato

T_M = Tipo de interés de referencia o de mercado al inicio del depósito

N= Nominal teórico del contrato

D= nº de días de duración del depósito o duración de la garantía

- Importe de la liquidación en el momento inicial:

$$L = C \cdot \frac{1}{1 + T_M \cdot \frac{D}{36000}} = \frac{(T_{FRA} - T_M) \cdot N \cdot D}{36000 + T_M \cdot D}$$

- **Cálculo de un FRA3/6:**

$$\left(1 + \frac{T_c \cdot D_c}{36.000}\right) \cdot \left(1 + \frac{T_{m,n} \cdot (D_L - D_c)}{36.000}\right) = \left(1 + \frac{T_L \cdot D_L}{36.000}\right)$$

de donde,

$$T_{m,n} = \frac{(T_L \cdot D_L) - (T_c \cdot D_c)}{\left(1 + \frac{T_c \cdot D_c}{36000}\right) \cdot (D_L - D_c)}$$

m = 3 meses (normalmente, en los cálculos se utilizan días)

n = 6 meses (normalmente, en los cálculos se utilizan días)

D_c = duración corta = 3 meses

D_L = duración larga = 6 meses

T_c = Tipo de interés de los depósitos en plazo corto = tipo de interés para los depósitos a tres meses

T_L = Tipo de interés de los depósitos en el plazo largo= tipo de interés para los depósitos a 6 meses

FORMULARIO TEMA 11

- **Opciones CALL:**

- Compra de una opción call:

a) $P_s < P_e \Rightarrow$ el comprador no ejerce la opción \Rightarrow pérdidas comprador $= \pi$

b) $P_e < P_s < (P_e + \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Pérdidas del comprador $= (P_e + \pi) - P_s$

c) $P_s > (P_e + \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow ganancias del comprador $= P_s - (P_e + \pi)$

P_e = Precio de ejercicio

P_s = Precio del subyacente

π = prima

- Venta de una opción call:

a) $P_s < P_e \Rightarrow$ el comprador no ejerce la opción \Rightarrow ganancias del vendedor $= \pi$

b) $P_e < P_s < (P_e + \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow ganancias del vendedor $= (P_e + \pi) - P_s$

c) $P_s > (P_e + \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Pérdidas del vendedor $= P_s - (P_e + \pi)$

- **Opciones PUT:**

- Compra de una opción put:

a) $P_s > P_e \Rightarrow$ el comprador no ejerce la opción \Rightarrow Pérdida comprador $= \pi$

b) $P_e > P_s > (P_e - \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Pérdida para comprador $= P_s - (P_e - \pi)$

c) $P_s < P_e - \pi \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Ganancia para el comprador $= (P_e - \pi) - P_s$

- Venta de una opción put:

a) $P_s > P_e \Rightarrow$ el comprador no ejerce la opción \Rightarrow Ganancia del vendedor $= \pi$

b) $P_e > P_s > (P_e - \pi) \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Ganancia del vendedor $= P_s - (P_e - \pi)$

c) $P_s < P_e - \pi \Rightarrow$ el comprador ejerce la opción \Rightarrow Pérdida del vendedor $= (P_e - \pi) - P_s$

FORMULARIO TEMA 12

- **Factor de conversión:**

$$FC = \frac{\sum_{t=1}^n \frac{F_t}{(1+i)^{\frac{t}{360}}} - CC}{N}$$

FC= factor de conversión
 n= número de pagos pendientes
 F_t= flujos futuros del entregable (intereses más reembolso)
 i=tipo de interés del Nocial
 t= días entre la entrega y los pagos pendientes
 CC= cupón corrido del entregable a la fecha de entrega
 N=nominal del entregable

- **Cantidad que tiene que pagar el comprador por cada contrato:**

$$M = P_F \cdot FC \cdot N + CC$$

P_F = Cotización del Nocial en la última sesión (en tanto por uno)
 FC = Factor de conversión del bono a entregar
 N = Nominal del contrato
 CC = Cupón corrido del entregable a la fecha de entrega.

- **Cupón corrido:**

Cupon corrido = $\frac{\text{Dias desde el pago del ultimo cupon}}{\text{numero de dias que transcurren entre pago de cupones}}$ • valor del cupon

- **Sensibilidad:** derivada del precio respecto al tipo de interés

$$\frac{dP}{dr} = \sum_{t=1}^n (-t) \cdot Q_t \cdot (1+r)^{-(s+1)}$$

$$P = \text{precio} = \sum_{t=1}^n Q_t \cdot (1+r)^{-t}$$

Q_t = cupón periódico recibido en el año t

- Sensibilidad relativa

$$S = \frac{1}{P} \cdot \frac{dP}{dr} = \frac{1}{P} \cdot \sum_{t=1}^n (-t) \cdot Q_t \cdot (1+r)^{-(s+1)}$$

Duración o vida media de MACAULAY

$$D = \frac{\sum_{t=1}^n \frac{t \cdot Q_t}{(1+r)^t}}{\sum_{t=1}^n \frac{Q_t}{(1+r)^t}} = \frac{1}{P_0} \cdot \sum_{t=1}^n \frac{t \cdot Q_t}{(1+r)^t}$$

$$P_0 = \text{precio actual del bono en el mercado} = \sum_{t=1}^n \frac{Q_t}{(1+r)^t}$$

Q_t = flujo de caja en el período t

r = tasa de rendimiento del bono hasta el vencimiento

n = nº de años hasta el vencimiento

▪ **Duración ajustada o modificada**

$$D_{\text{mod}} = \frac{D}{1+r} = \frac{1}{P} \cdot \sum_{t=1}^n t \cdot Q_t \cdot (1+r)^{-(t+1)}$$

- Sensibilidad anual

$$-D_{\text{mod}} = -\frac{D}{1+r}$$

- Sensibilidad no anual

$$-D_{\text{mod}} = -\frac{D}{1+r}$$

D_{mod} = duración modificada o ajustada

D = duración de Macaulay

r = tipo de rendimiento anual del título

m = número de veces que se paga el cupón por año (semestral, $m=2$; trimestral, $m=4$, etc.)

- Duración ajustada o volatilidad relativa: medida que permite traducir alteraciones en puntos porcentuales de r en variaciones relativas del precio:

$$\frac{P_1 - P_0}{P_0} = -D_{\text{mod}} \cdot (r_1 - r_0) = -D \cdot \frac{(r_1 - r_0)}{1+r_0}$$

O bien,

$$\Delta P / P = -D_{\text{mod}} \cdot \Delta r$$

P = precio

D_{mod} = duración ajustada o modificada

Δr = variación en la rentabilidad

- **Nº de contratos a realizar: Ratio de cobertura**

$$\text{Numero de contratos de futuros} = NC = \frac{\text{Valor nominal del activo a cubrir}}{\text{Valor nominal del contrato de futuros}} \cdot RC$$

- Modelo simple

$$\text{Numero de contratos de futuros} = NC = \frac{\text{Valor nominal del activo a cubrir}}{\text{Valor nominal del contrato de futuros}}$$

- Modelo del factor de conversión

$$NC = \frac{\text{Valor nominal del activo a cubrir}}{\text{Valor nominal del contrato de futuros}} \cdot FC$$

FC: factor de conversión del bono entregable más barato

- Modelo basado en la duración del activo

$$RC = FC \cdot \frac{DAc \cdot Pc}{DAe \cdot Pe}$$

Número de contratos necesarios para realizar la cobertura:

$$NC = \frac{Ac}{F} \cdot FC \cdot \frac{DAc \cdot Pc}{DAe \cdot Pe}$$

RC = nº de contrato a realizar

Ac = Nominal que se desea cubrir

F = nominal del contrato de futuros

FC = factor de conversión

DAc = duración ajustada del bono a proteger

DAe = duración ajustada del bono entregable

Pc = precio de mercado del activo a cubrir

Pe = precio de mercado del activo entregable más barato

FORMULARIO TEMA 13

- **Rendimiento de un título:**

$$R(t) = \alpha + \beta \cdot R_M(t) + \varepsilon(t)$$

$R(t)$ = Tasa de rentabilidad del título, (o cartera) en el período t

α = Rentabilidad del título que es independiente de los movimientos del mercado, que coincidirá con la rentabilidad del título cuando la rentabilidad del mercado es nula

β = Coeficiente BETA. Expresa la relación entre las fluctuaciones de la rentabilidad del mercado y las fluctuaciones del rendimiento del título. Cuanto mayor sea β , más aumentará el rendimiento del título cuando experimente una subida el índice bursátil

$R_M(t)$ = Tasa de rentabilidad del mercado calculada en función de un índice del mercado

$\varepsilon(t)$ = Error aleatorio. Expresa las variaciones en la rentabilidad del título que son específicas del título y, por tanto, independientes de los movimientos del mercado.

- **Nº de contratos necesarios para realizar la cobertura que proteja del riesgo sistemático o no diversificable**

$$NC = \frac{\text{Valor efectivo del activo a cubrir (cartera o título)}}{\text{Valor monetario del índice}} \cdot \beta$$

FORMULARIO TEMA 14

- **Margen forward:**

$$M_f = \frac{p - c}{c}, \quad \text{o} \quad M_f = \frac{p - c}{c} * \frac{360}{T} \quad (\text{en términos anuales})$$

p = tipo de cambio a plazo a T días

c = tipo de cambio al contado

M_f = margen forward

FORMULARIO TEMA 15

- **Beneficio derivado de la fusión:**

$$\text{Beneficio} = \text{VAN}_{AB} - (\text{VAN}_A + \text{VAN}_B)$$

VAN_{AB} : Valor de la empresa resultante de la fusión.

FORMULARIO TEMA 16

- **Saldo neto de tesorería al final de un período:**

$$S_n = S_{n-1} + E_n - SL_n$$

S_n = Saldo de tesorería al final del período n

S_{n-1} = Saldo final del período n-1, que coincide con el saldo inicial del período n

E_n = Entradas de tesorería en el período n

SL_n = Salidas de tesorería en el período n

- **Volumen óptimo de tesorería: Modelo de Baumol**

- El coste variable o coste de posesión del saldo de tesorería:

$$C_v = k \cdot \frac{T}{2}$$

k = tipo de interés al que son remunerados los activos financieros.

$\frac{T}{2}$ = saldo medio de tesorería. En caso de que no se mantenga un saldo de seguridad, el saldo medio de tesorería será la mitad del volumen de un pedido

- El coste fijo o coste de transformación de los activos vendrá dado por la relación:

$$C_f = CF \cdot \frac{M}{T}$$

M = desembolsos totales de tesorería en un período de tiempo

CF = costes fijos derivados de la conversión de activos financieros en dinero líquido

$\frac{M}{T}$ = número de veces que durante el año se realizan conversiones

- Coste total de la tesorería:

$$C_t = C_v + C_f = k \cdot \frac{T}{2} + CF \cdot \frac{M}{T}$$

- Cantidad de dinero que hemos de transformar cada vez que hagamos una conversión de activos de forma que el coste de tesorería sea mínimo:

$$T = \sqrt{\frac{2 \cdot M \cdot CF}{k}}$$

- **Volumen óptimo de tesorería: Modelo de Millar y Orr**

- Distancia entre el límite superior e inferior

$$H - L = 3 \cdot \left(\frac{3 \cdot CF \cdot \sigma^2}{4 \cdot i} \right)^{\frac{1}{3}}$$

H - L = distancia entre el límite superior e inferior

CF = costes fijos de cada transacción

σ^2 = Varianza del cash-flow neto diario de caja

i = tipo de interés (rentabilidad) de los activos financieros

- Nivel deseable de tesorería:

$$Z = \text{limite inferior} + \frac{\text{distancia}}{3} = \left(\frac{3 \cdot CF \cdot \sigma^2}{4 \cdot i} \right)^{\frac{1}{3}} + L$$