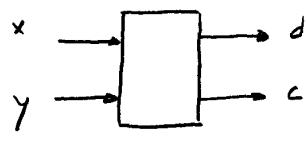


## Problema 4.1

### Semirestador



$$d = x - y$$

x	y	c	d
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	1	0	0

$$c = \bar{x}y \quad d = x \oplus y$$

## Problema 4.2

Hacer un SSB - SRB seleccionado por una patilla de control

$$c \Rightarrow \begin{cases} c=0 \Rightarrow SSB \\ c=1 \Rightarrow SRB \end{cases}$$

$$SSB \quad \begin{cases} c = xy \\ s = x \oplus y \end{cases}$$

$$SRB \quad \begin{cases} c = \bar{x}y \\ d = x \oplus y \end{cases} \Rightarrow \begin{array}{l} \text{la diferencia está en} \\ c \Rightarrow \text{que SSB se toma} \\ x \text{ en SRB se toma } \bar{x} \end{array}$$

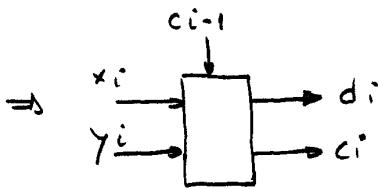
x	c	x
x	0	x
x	1	$\bar{x}$

x	c	x
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	0

$$\Rightarrow \underline{\bar{x} = x \oplus c}$$

### Problema 4.3

Restador completo (RBC)



x <sub>i</sub>	y <sub>i</sub>	c <sub>i-1</sub>	d <sub>i</sub>	c <sub>i</sub>
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

(d<sub>i</sub>)

$$\frac{\bar{c}_{i-1}}{\bar{x} \quad x \quad x \quad \bar{x}}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \bar{y} & 0 & 1 & 0 & 1 \\ \hline y & 1 & 0 & 1 & 0 \\ \hline \end{array}$$

$$d_i = \bar{x}y\bar{c}_{i-1} + x\bar{y}\bar{c}_{i-1} + xy{c}_{i-1} + \bar{x}\bar{y}{c}_{i-1}$$

$$d_i = \bar{c}_{i-1}(x \oplus y) + c_{i-1}(\bar{x} \oplus y)$$

$$d_i = c_{i-1} \oplus x \oplus y$$

(c<sub>i</sub>)

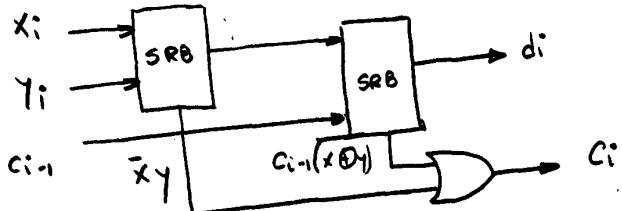
$$\frac{\bar{c}_{i-1}}{\bar{x} \quad x \quad x \quad \bar{x}}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \bar{y} & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \hline y & 1 & 0 & 1 & 0 \\ \hline \end{array}$$

$$c_i = c_{i-1}x + c_{i-1}y + \bar{x}y$$

$$c_i = \bar{x}\bar{y}c_{i-1} + \bar{x}y\bar{c}_{i-1} + \bar{x}yc_{i-1} + xy{c}_{i-1}$$

$$c_i = \bar{x}y + c_{i-1}(\bar{x} \oplus y)$$



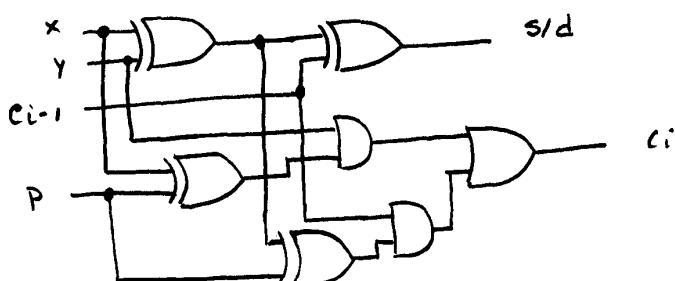
### Problema 4.4

SBC - SRC con control p  $\Rightarrow \begin{cases} p=0 \rightarrow SBC \\ p=1 \rightarrow SRC \end{cases}$

$$SBC \Rightarrow \begin{cases} s = c_{i-1} \oplus x_i \oplus y_i \\ c_i = \bar{x}y + c_{i-1}(x \oplus y) \end{cases}$$

$$SRC \Rightarrow \begin{cases} d = c_{i-1} \oplus x_i \oplus y_i \\ c_i = \bar{x}y + c_{i-1}(\bar{x} \oplus y) \end{cases}$$

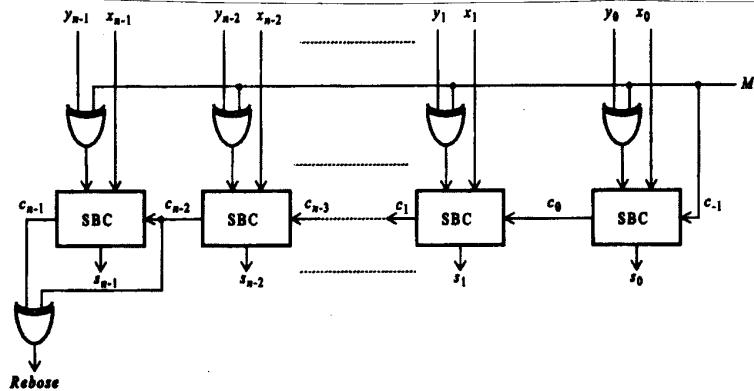
$$d = s / c_i \quad \text{SRC invierte } x \quad \bar{x} \oplus y$$



PR. ALU.2

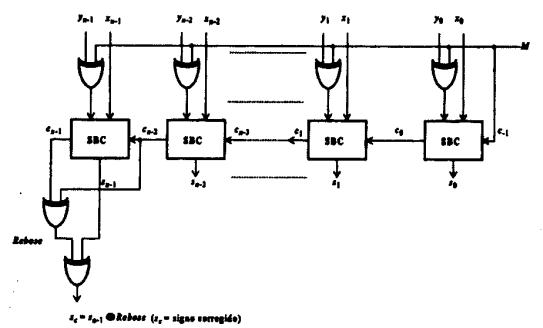
## Problema 4.5

Completar el sumador-restador con un circuito que corrija el signo de la suma cuando se produce errorneamente.



$$\text{Rebozo} \Rightarrow c_{n-1} \oplus c_{n-2}$$

$$\left. \begin{array}{ll} s_{n-1} = 1 \quad \text{y} \quad \text{rebozo} = 1 \Rightarrow s = \emptyset \\ s_{n-1} = 0 \quad \text{y} \quad \text{rebozo} = 1 \Rightarrow s = 1 \\ s_{n-1} = 0 \quad \text{y} \quad \text{rebozo} = 0 \Rightarrow s = 0 \\ s_{n-1} = 1 \quad \text{y} \quad \text{rebozo} = 0 \Rightarrow s = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow s = \text{rebozo} \oplus s_{n-1}$$



### Problema 4.9

Determinar en las sumas siguientes:

- 1) N° arrastres que comienzan simultáneamente
- 2) La secuencia de arrastre de mayor longitud

A)

1 0 0 1 1 0 1 0 1 1 0 1 0 1 1	2 ↓	0 1 0 0 1 1 1 1 0 1 0 0 1 0 1 1
<hr/>		
↓		

1) Comienzan simultáneamente  $\dots \rightarrow (5)$

2) Secuencia mayor longitud  $\rightarrow (4)$

Aquí no hay secuencia pq cuando llega el arrastre a  $\begin{array}{c} 1 \\ - \\ - \\ 1 \\ 1 \end{array}$  desde

ya anteriormente  $1+1 = 0$  y habría propagado el arrastre; cuando le llega un arrastre desde el anterior  $\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array} \rightarrow$  ya no genera arrastre

B)

0 1 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 0 1 1 0 1 1	7 ↓	0 1 0 0 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0
<hr/>		
↓		

(7)

### Problema 4.12

Retardo de un sumador binario de  $n$  bits construido con  $k$  módulos SAD de  $m$  bits ( $n = k \times m$  bits)

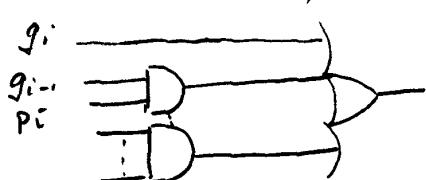
Supuesto  $T$  = retardo de una puerta lógica

①  $\rightarrow p_i = x_i \oplus y_i \quad g_i = x_i \cdot y_i \Rightarrow$  retardo de  $p_i \text{ y } g_i = T$

②  $\rightarrow$  Propagación de arrastres  $\Rightarrow k$  módulos CDA  $\Rightarrow$

$$\Rightarrow c_i = g_i + p_i g_{i-1} + \dots + p_1 p_0 c_{i-1} \Rightarrow$$

Suma de puertas AND



cascada de 2 puertas

$$prog = 2T$$

14 módulos  $\Rightarrow 2 \times T$

PRACUH

$$③ \rightarrow \text{retardo para } s_{n+1} \Rightarrow s_i = p_i \oplus c_{i-1} \Rightarrow \tau$$

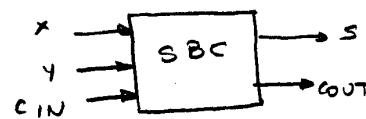
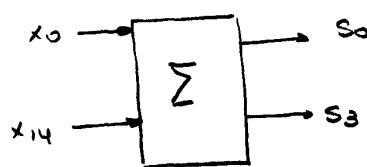
Retardo total  $\Rightarrow$  suma de retardos

$$\begin{aligned} \hookrightarrow \tau_1 + 2 \times \tau_2 + \tau_3 &= \tau(2+2k) = \\ &= 2\tau(1+k) \end{aligned}$$

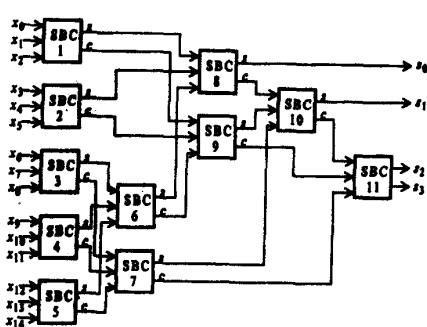
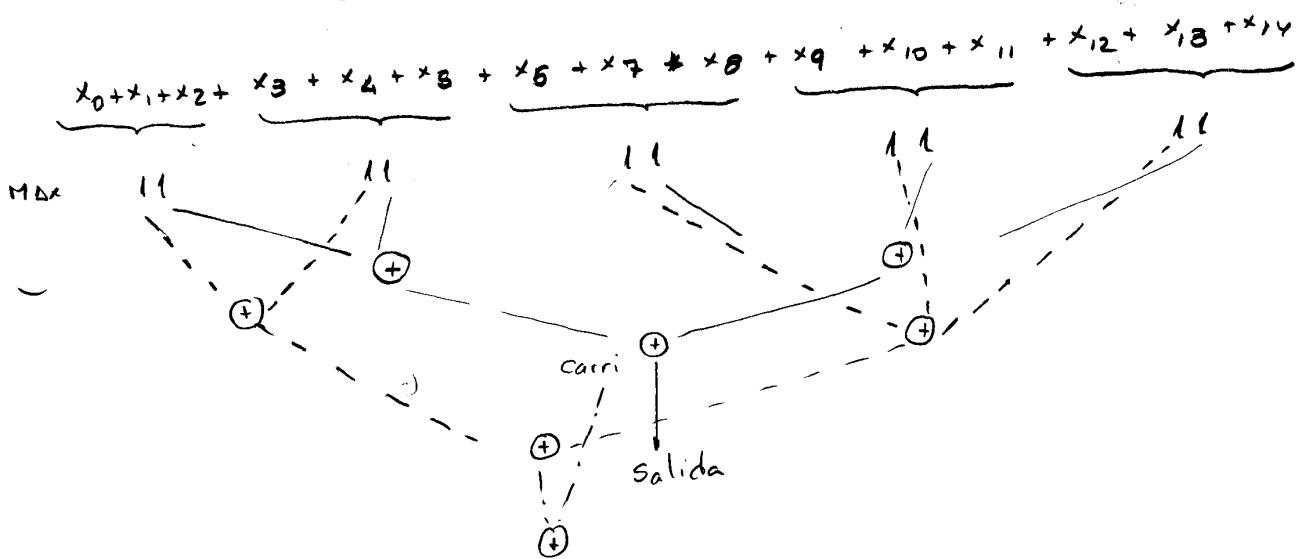
$\frac{\ddagger}{\ddagger}$   
El retardo depende solo del nº de módulos SAA y no del tamaño de estos.

### Problema 4.13

sumador de  $15n \leq 1$  bit con módulos SBC  $\Rightarrow$  resultado  $\leq 15$   $\frac{\ddagger}{\ddagger}$



$\frac{\ddagger}{\ddagger}$   
4 bit salida



P.R.ALU.5

### Problema 4.14

Demostrar, que un sumador BCD debe sumar 6 para conseguir el resultado.

- La suma de dos nºs binarios BCD (4 bits)

Cada nº menor de 10  $\Rightarrow$  del 0000 al 1001 lo que implica que del último nº BCD 1001 (9) hasta el final de representación con 4 bit 1111 (15)

faltan 6, por lo que al sumar 2 BCD si el resultado pasa de 9 habrá que sumar 6.

$$\begin{array}{r} 5 + 5 = 10 \Rightarrow \\ \begin{array}{r} 0101 \\ 0101 \\ \hline 1010 \\ + 0110 \quad (6) \\ \hline \underbrace{0000}_{\downarrow} \\ 1 \quad 0 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 + 6 = 11 \Rightarrow \\ \begin{array}{r} 0101 \\ 0110 \\ \hline 1011 \\ + 0110 \quad (6) \\ \hline \underbrace{0001}_{\downarrow} \\ 1 \quad 1 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 + 7 = \\ \begin{array}{r} 0101 \\ 0111 \\ \hline 1100 \\ + 0110 \\ \hline \underbrace{0010}_{\downarrow} \\ 1 \quad 2 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8 + 8 \Rightarrow 1000 \quad \dots 9 + 9 \Rightarrow 1001 \\ \begin{array}{r} 1000 \\ 1000 \\ \hline 10000 \\ + 0110 \\ \hline \underbrace{10110}_{\downarrow} \\ 1 \quad 6 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10010 \\ + 0110 \\ \hline \underbrace{11000}_{\downarrow} \\ 1 \quad 8 \end{array}$$

### Problema 4.17

Demostrar que  $x \cdot y$  con n bits en base B tiene menos de  $2n$  dígitos.

$$N^{\circ} \text{ máximo} = B^n - 1$$

$$\begin{aligned} N^{\circ} \text{ max} \cdot N^{\circ} \text{ max} &= (B^n - 1)(B^n - 1) = B^{2n} - B^n - B^n + 1 = \\ &= B^{2n} - 2B^n + 1 \end{aligned}$$

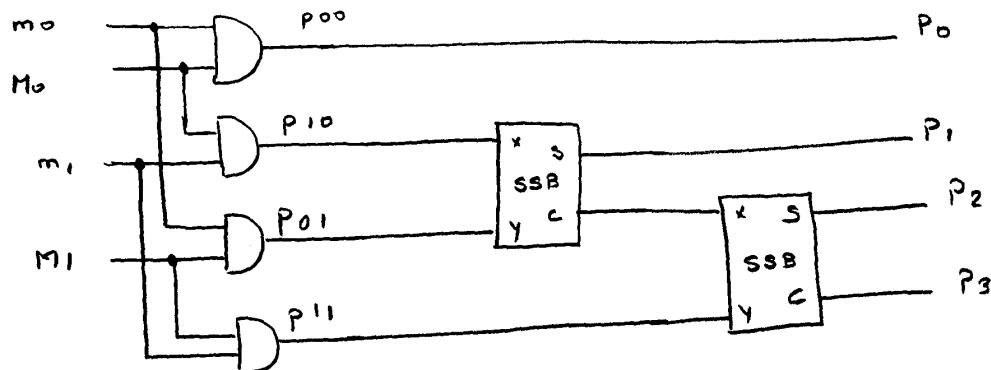
$$\text{Con } B^{2n} - 1 \Rightarrow 2n \text{ dígitos}$$

$$B^{2n} - 2B^n + 1 < B^{2n} - 1 \Rightarrow x \cdot y \text{ siempre menos } 2n \text{ dígitos}$$

Problema 4.18

Diseñar multiplicador binario de  $2 \times 2$  bits con 4 puertas AND y 2 sumadores.

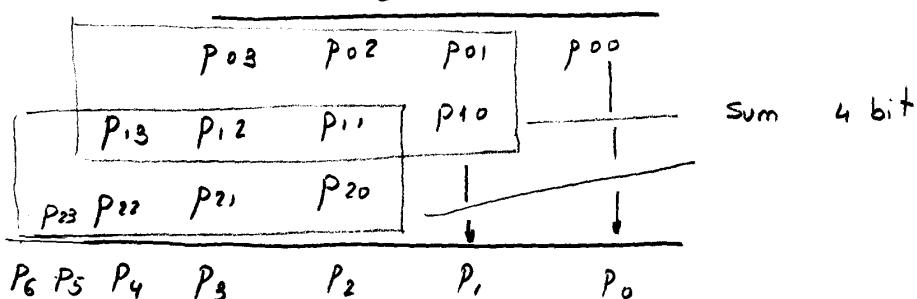
$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{r} M_1, M_0 \\ m_1, m_0 \\ \hline p_{01}, p_{00} \end{array} & 
 \begin{array}{l} p_{00} = m_0 \cdot M_0 \\ p_{01} = m_0 \cdot M_1 \\ p_{10} = p_{00} \end{array} & 
 \begin{array}{l} p_{10} = m_1 M_0 \\ p_{11} = m_1 M_1 \\ p_1 = p_{01} + p_{10} \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{r} p_{00} \quad p_{10} \\ \hline p_3 \quad p_2 \quad p_1 \quad p_0 \end{array} & 
 \begin{array}{l} p_0 = p_{11} + \text{carry de } p_1 \\ p_3 = \text{carry de } p_2 \end{array} & 
 \end{array}$$

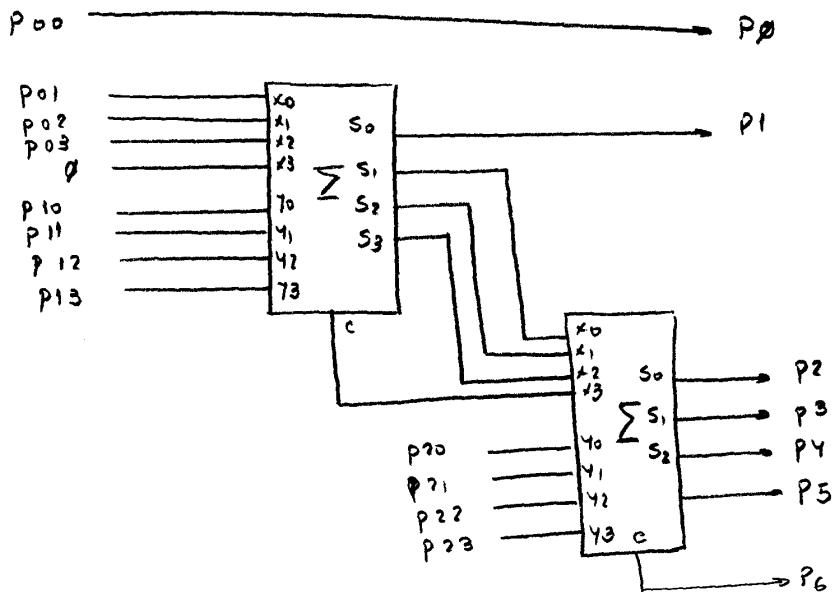
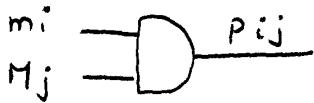


Problema 4.19

Multiplicador de  $4 \times 3$  bit con 12 AND y 2 sumadores bin. paralelo de 4 bits cada uno

$$\begin{array}{r} M_3 \quad M_2 \quad M_1 \quad M_0 \\ m_2 \quad m_1 \quad m_0 \\ \hline p_{03} \quad p_{02} \quad p_{01} \quad p_{00} \end{array} \qquad p_{ij} = m_i \cdot M_j = 12 \text{ AND}$$





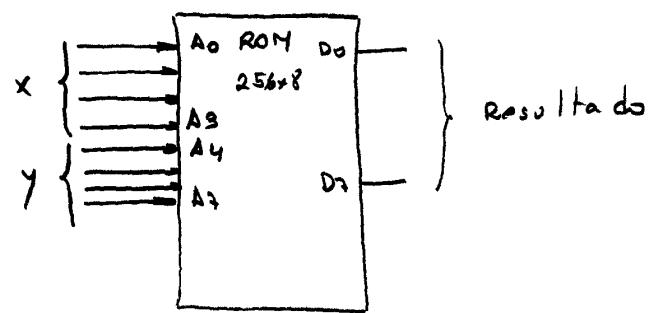
### Problema 4.20

Disenar un multiplicador de  $4 \times 8$  bits, utilizando memoria ROM de  $256 \times 8$  y dos sumadores binarios paralelos de 4 bits.

#### Multiplicador de $4 \times 4$ bits

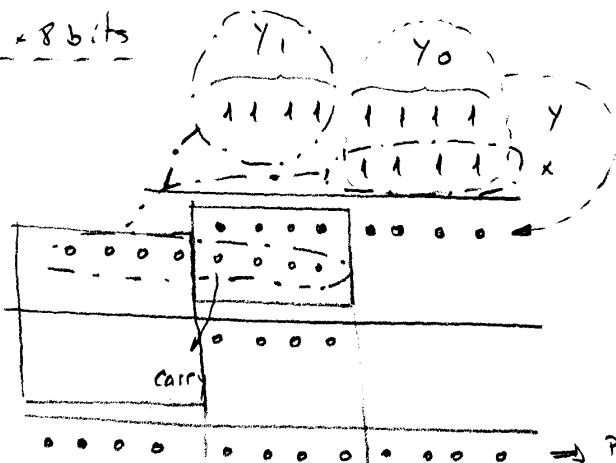
En base a conformar con los  $(4+4)$  bits la dirección de memoria en la que se deberá escribir el resultado de la multiplicación correspondiente:

$0 \times 0 = 0 \rightarrow$	$0000 \times 0000 \Rightarrow$	Dir.	contenido
$0 \times 1 = 0 \rightarrow$	$0000 \times 0001 \Rightarrow$	$0000, 0000$	$00000000 \quad (0)$
		$0000, 0001$	$00000000 \quad (0)$
$2 \times 3 = 6 \rightarrow$	$0010 \times 0011 \Rightarrow$	$0010, 0011$	$00000110 \quad (6)$
$9 \times 15 = 135 \rightarrow$	$1001 \times 1111 \Rightarrow$	$1001, 1111$	$10000111 \quad (135)$
		$\downarrow$	
		$10000111$	

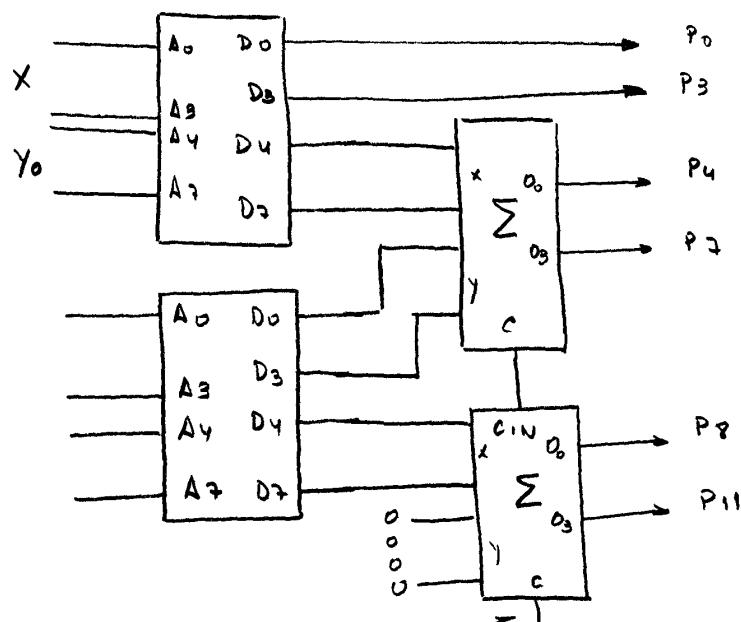


Multiplicar  $4 \times 8$  bits

$$\begin{array}{r} y_1 \ y_0 \\ \times \\ \hline x \\ \hline x \ y_1 \\ \hline x \ y_1 \ x \ y_0 \end{array}$$



$x \ y_0 \Rightarrow 1$  ROM       $\left\{ \begin{array}{l} - 1 \text{ sumador para parte alta de } x \ y_0 + \\ \text{baja de } x \ y_1 \\ - 1 \text{ sumador para parte alta de } x \ y_1 + \\ \text{carry de suma anterior} \end{array} \right.$



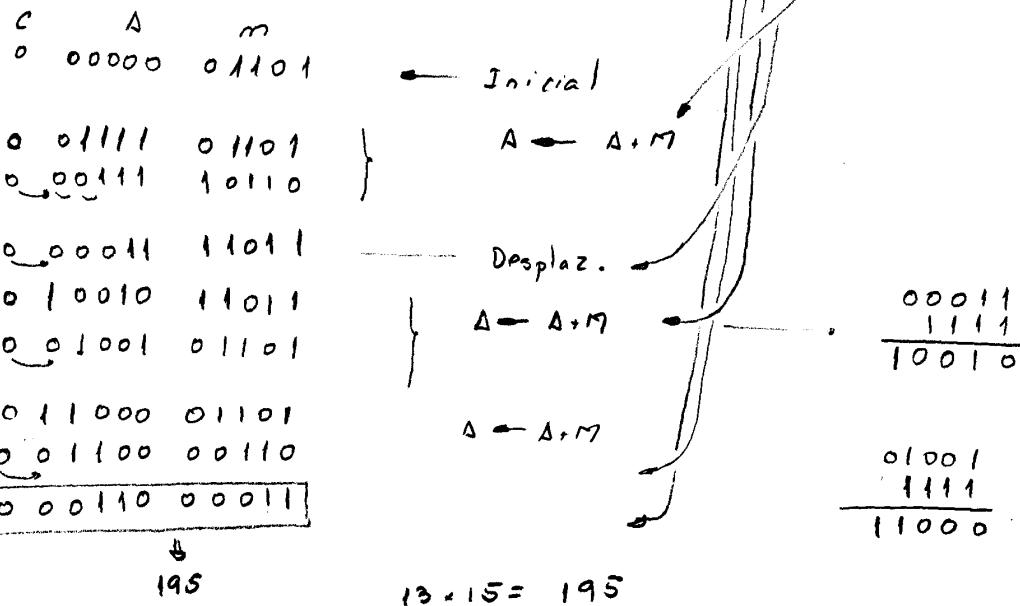
No lleva  $P_{12}$  pq el c nunca puede ser 1 ya que multiplicar  $2^2 \times 2^3$  de  $4 \times 8$  bits siempre 12 bits o menos.

PR. ALU 9

### Problema 4.21

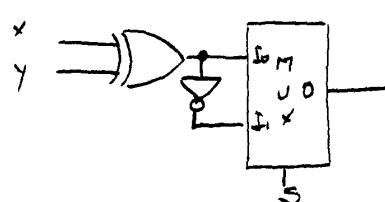
Mostrar paso a paso el proceso de multiplicación con el algoritmo de "lápiz y papel".

$$(111) \times (101) \Rightarrow M \times m \Rightarrow 0111 \times 01101$$



### Problema 4.29

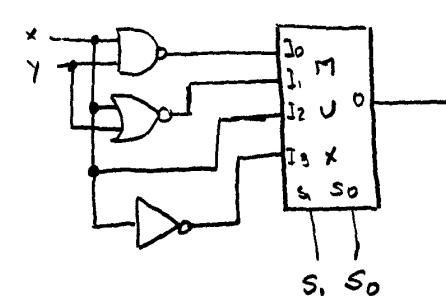
- ALU para una XOR y xNOR



$$\begin{array}{ll} S_0 = 0 & \Rightarrow \text{XOR} \\ S_1 = 1 & \Rightarrow \text{xNOR} \end{array}$$

- ALU para una NAND, NOR, transferencia y complemento de x  
4 operaciones  $\Rightarrow$  1MUX 4 a 1 = 2 select

S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>	Operación
0	0	$x \cdot y$
0	1	$x + y$
1	0	x
1	1	$\bar{x}$



PR. ALU.b

### Problema 4.30

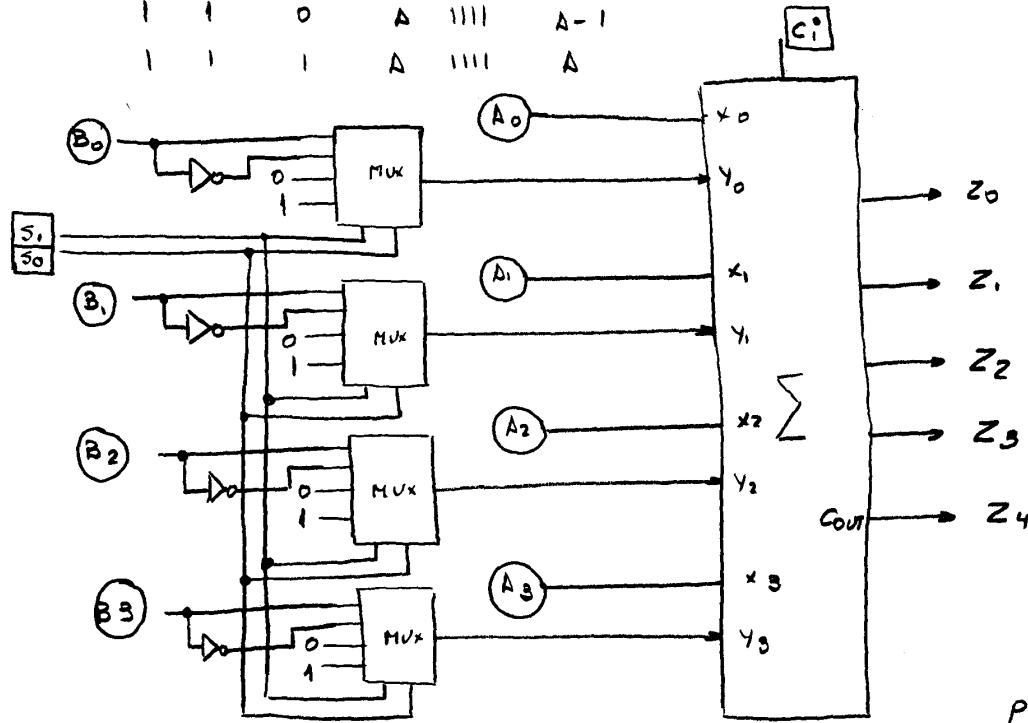
ALU 4 bits para tabla

El corazón es un sumador de 4 bits (SBC) al que hay que alimentar con por un lado siempre A y por otro lado B/B+1/

$\bar{B}$ /  $\bar{B} + 1$  / 1 / con 1; o sea unas

veces con  $B \circ \bar{B}$  y con  $C_{in} = 0$ .  $\Rightarrow$  sumador con ci que se pondrá a 0 en las operaciones impares ①, ③, ⑤, ⑦ y a 1 en las pares ②, ④, ⑥, ⑧.

$S_1$	$S_0$	$C_i$	$x$	$y$	sali
0	0	0	A	$\bar{B}$	$A + \bar{B}$
0	0	1	A	$\bar{B}$	$A + \bar{B} + 1$
0	1	0	A	$\bar{B}$	$A + \bar{B}$
0	1	1	A	$\bar{B}$	$A + \bar{B} + 1$
1	0	0	A	0	$A + 0$
1	0	1	A	0	$A + 1$
1	1	0	A	1111	$A - 1$
1	1	1	A	1111	A



PR. ALU. 11

### Problema 4.31

ALU de 4 bits para →

① →



Operación

①  $A \wedge B$

Descripción

"A" AND "B"

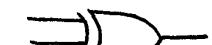
② →



②  $A \vee B$

"A" OR "B"

③ →



③  $A \oplus B$

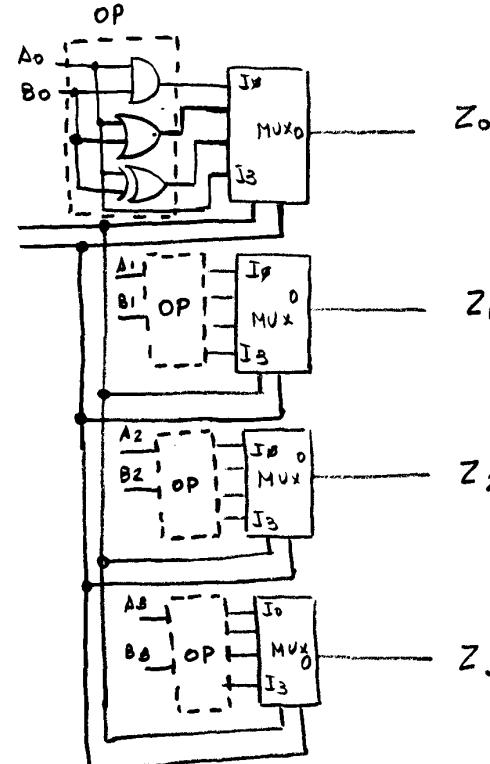
"A" XOR "B"

④ →

⋮

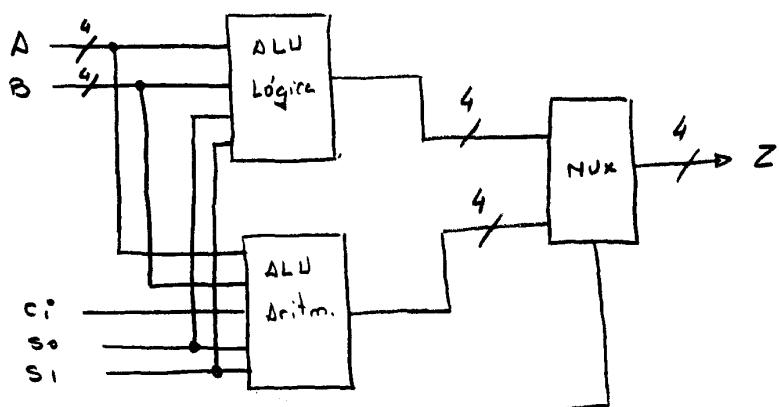
4 operaciones ⇒ MUX de 4 a 1 con  
2 pin selección  $S_1, S_0$

⑤ →



### Problema 4.32

Hacer una ALU con las 2 anteriores ⇒ un MUX de 2 a 1 que elija la salida de una ALU o la otra



↑ Selección de ALU

PR. ALU. 12

### Problema 4. 83

Con el 74181 hacer un sumador-restador de 16 bits para  $n^{\text{os}}$  en complemento a 2.

En la tabla de funciones del ALU  
74181 se puede ver que:

Funciones aritméticas  $\Rightarrow M=0$

$$\begin{aligned} \text{ce} = 0 \rightarrow \text{suma } A + B &\Rightarrow \overline{C_3} \overline{C_2} \overline{C_1} \overline{C_0} = 1001 \\ \text{ce} = 1 \rightarrow \text{resta } A - B &\Rightarrow \overline{C_3} \overline{C_2} \overline{C_1} \overline{C_0} = 0110 \end{aligned}$$

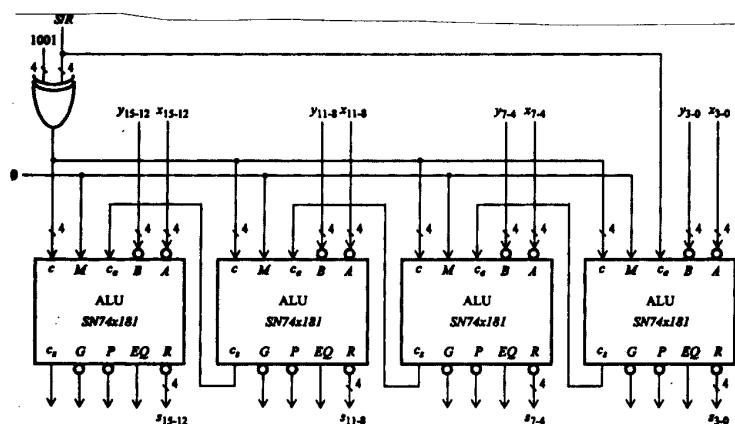
$c_i$  de suma =  $\overline{c}_i$  de resta.

Lo que debemos buscar es un circuito que con una señal

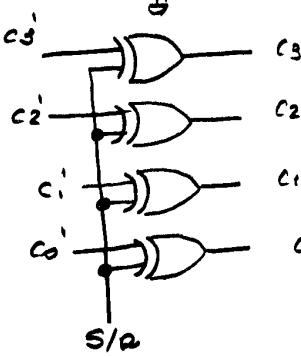
S/R  $\left\{ \begin{array}{l} 0 \Rightarrow \text{suma} \\ 1 \Rightarrow \text{resta} \end{array} \right.$  que

se conectaría al ce del primer c.Io de forma que con

$$\begin{aligned} 0 &\Rightarrow ce = 0 \quad y \quad C_3 \overline{C_2} \overline{C_1} \overline{C_0} = 1001 \\ 1 &\Rightarrow ce = 1 \quad y \quad C_3 \overline{C_2} \overline{C_1} \overline{C_0} = 0110 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{dado invertir } C_3 \text{ } C_2 \text{ } C_1 \text{ } C_0 \\ \text{y } C_3' \text{ } C_2' \text{ } C_1' \text{ } C_0' \end{array} \right\}$$



SELECTION	M = H LOGIC FUNCTIONS	ACTIVE-LOW DATA			
		M = L LOGIC FUNCTIONS	Cn = L (NOTM)	Cn = H (With carry)	
L	F = A F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 1	F = A MINUS 1 F = AB MINUS 1 F = $\overline{AB}$ MINUS 1 F = MINUS 1 (2's COMP) F = A PLUS (A + B) F = $\overline{AB}$ PLUS (A + $\overline{B}$ )	F = A F = AB F = $\overline{AB}$ F = A + B F = $\overline{A} + \overline{B}$ F = A MINUS B MINUS 1	F = A F = AB F = $\overline{AB}$ F = A + B F = $\overline{A} + \overline{B}$ F = A MINUS B	F = A F = AB F = $\overline{AB}$ F = A + B F = $\overline{A} + \overline{B}$ F = ZERO
L	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 0	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 0	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 0	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 0	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = 0
L	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A
L	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A	F = B F = $\overline{AB}$ F = $\overline{A} + B$ F = $\overline{A}B$ F = $\overline{A} \oplus B$ F = A



Problema 4.39

Registro desplazamiento de 8 bits de entrada paralelo/salida paralelo y capaz de realizar los desplazamientos

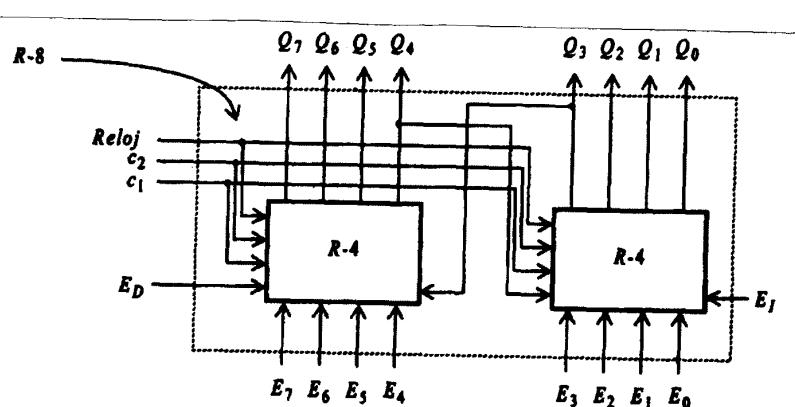
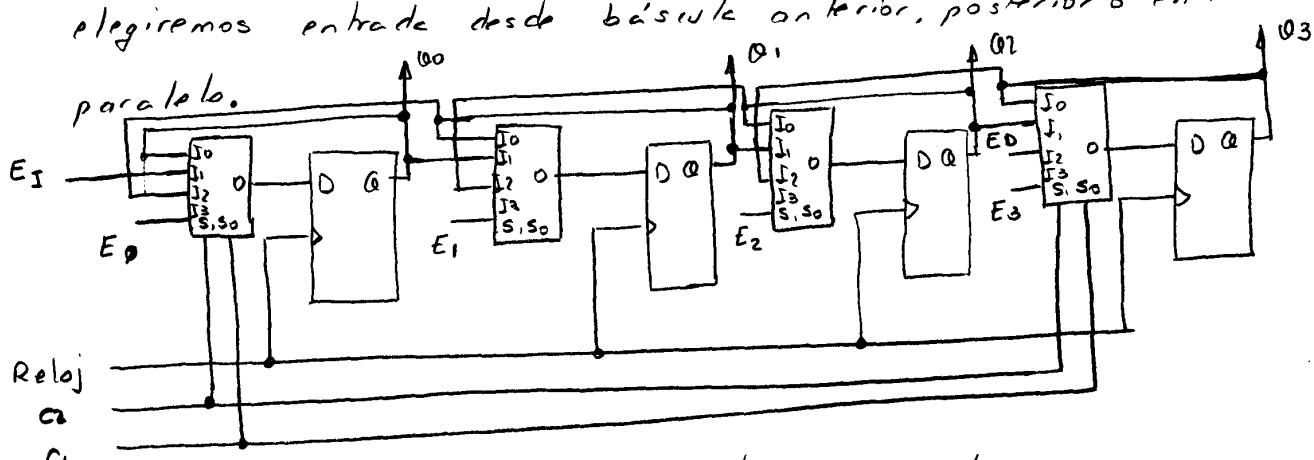
LJAD (Lógica - Izda - Abierto - Doble)

LDAD (.. - Dcha - .. - ..)

- Se va hacer en base a  $\overbrace{2}$  registros de 4 bits
- Se van a elegir 3 patillas de selección de operación

Operación	C <sub>2</sub>	C <sub>1</sub>	
NOP	0	0	salida de Q <sub>i</sub> unida a D <sub>i</sub>
LIAS	0	1	desplaz. izda $\rightarrow$ Salida Q <sub>i</sub> a D <sub>i+1</sub>
LDAS	1	0	" " dcha $\rightarrow$ " Q <sub>i</sub> a D <sub>i-1</sub>
CARGA	1	1	carga paralelo $\rightarrow$ Entrada E <sub>i</sub> a D <sub>i</sub>

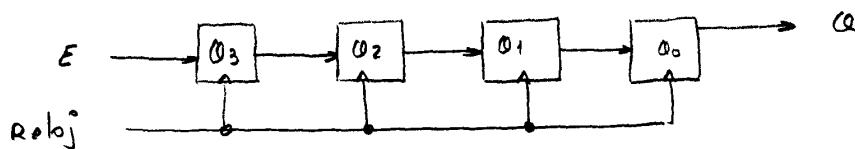
cada bit será una básica "D" y mediante un multiplexor elegiremos entrada desde básica anterior, posterior o entrada paralela.



### Problema 4.40

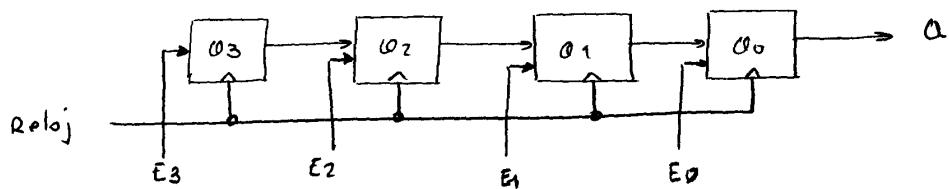
En el registro del problema anterior para las estructuras:

1) Entrada serial/salida serie



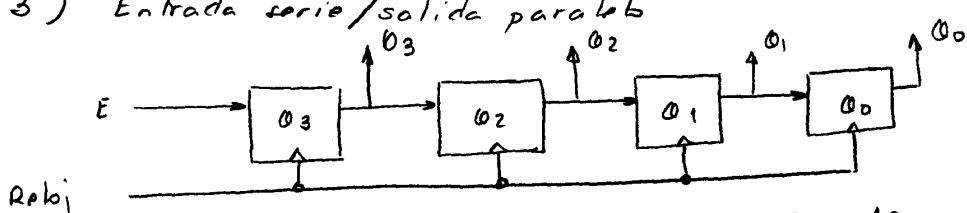
será el anterior con:  $\begin{cases} c_2 c_1 = 10 \Rightarrow \text{desplaz. dcha} \\ \text{salida por } Q_0 \\ 4 \text{ pulsos de reloj} \end{cases}$

2) Entrada paralelo/salida serie



será igual pero:  $\begin{cases} 1^{\circ} \text{ Carga paralelo} \Rightarrow \begin{cases} c_2 c_1 = 01 \\ \text{pulso de reloj} \end{cases} \\ 2^{\circ} \text{ Desplaz. dcha} \Rightarrow \begin{cases} c_2 c_1 = 10 \\ \text{salida } Q_0 \\ 4 \text{ pulsos reloj} \end{cases} \end{cases}$

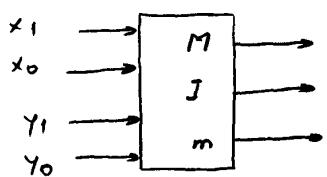
3º) Entrada serie/salida paralelo



Igual pero:  $\begin{cases} 1^{\circ} \text{ Carga serie} \Rightarrow \begin{cases} c_2 c_1 = 10 \\ 4 \text{ pulsos} \end{cases} \\ 2^{\circ} \text{ Las salidas de } Q_3 \text{ a } Q_0 \text{ ya tienen} \\ \text{la informacióen en paralelo} \end{cases}$

Problema 4.41

Comparador de  $2^n \times 2^n$  de 2 bits

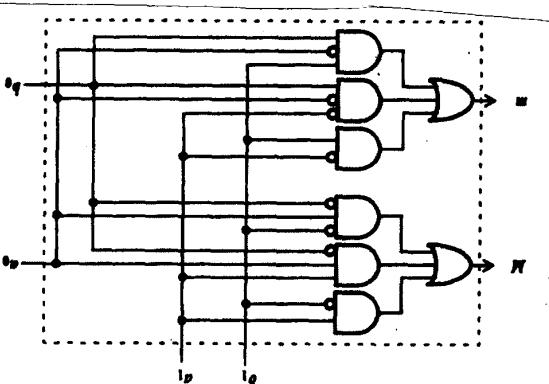


$$\begin{aligned} x > y &\Rightarrow M = 1 \\ x = y &\Rightarrow J = 1 \\ x < y &\Rightarrow m = 1 \end{aligned}$$

Opciones:

- Ⓐ Diseño completo en base a las funciones:
- | $x_1$ | $x_0$ | $y_1$ | $y_0$ | $M$ | $J$ | $m$ |
|-------|-------|-------|-------|-----|-----|-----|
| 0     | 0     | 0     | 0     | 0   | 1   | 0   |
| 0     | 0     | 0     | 1     | 0   | 0   | 1   |
| 0     | 0     | 1     | 0     | 0   | 0   | 1   |
| 0     | 0     | 1     | 1     | 0   | 0   | 1   |
| 0     | 1     | 0     | 0     | 1   | 0   | 0   |
| 0     | 1     | 0     | 1     | 0   | 1   | 0   |
| 0     | 1     | 1     | 0     | 0   | 0   | 1   |
| 0     | 1     | 1     | 1     | 0   | 0   | 0   |
| 1     | 0     | 0     | 0     | 1   | 0   | 0   |
| 1     | 0     | 0     | 1     | 1   | 0   | 0   |
| 1     | 0     | 1     | 0     | 0   | 1   | 0   |
| 1     | 0     | 1     | 1     | 0   | 0   | 1   |
| 1     | 1     | 0     | 0     | 1   | 0   | 0   |
| 1     | 1     | 0     | 1     | 1   | 0   | 0   |
| 1     | 1     | 1     | 0     | 1   | 0   | 0   |
| 1     | 1     | 1     | 1     | 0   | 1   | 0   |
- | $\bar{x}_1$ | $\bar{x}_0$ | $\bar{y}_1$ | $\bar{y}_0$ | $M$ |
|-------------|-------------|-------------|-------------|-----|
| 1           | 1           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 1           | 1           | 0           | 1   |
| 1           | 0           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 0           | 1   |
- $$M = x_1 \bar{y}_1 + \bar{y}_1 \bar{y}_0 x_0 + \bar{y}_0 x_1 x_0$$
- 
- | $\bar{x}_1$ | $\bar{x}_0$ | $\bar{y}_1$ | $\bar{y}_0$ | $J$ |
|-------------|-------------|-------------|-------------|-----|
| 1           | 1           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 1           | 1           | 0           | 1   |
| 1           | 0           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 0           | 1   |
- $$J = \bar{x}_1 y_1 + \bar{y}_1 \bar{y}_0 x_0 + y_0 x_1 \bar{x}_0$$
- 
- | $\bar{x}_1$ | $\bar{x}_0$ | $\bar{y}_1$ | $\bar{y}_0$ | $m$ |
|-------------|-------------|-------------|-------------|-----|
| 1           | 1           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 1           | 1           | 0           | 0   |
| 1           | 0           | 1           | 1           | 1   |
| 1           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 1           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 1           | 0           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 1           | 0   |
| 0           | 0           | 0           | 0           | 1   |
- $$m = \bar{x}_1 y_1 + y_0 \bar{x}_1 \bar{x}_0 + y_1 y_0 \bar{x}_0$$

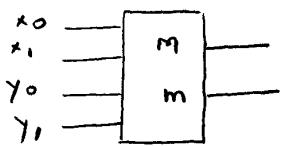
$$J \Rightarrow \text{cuando } \bar{x}_1 \text{ } M \text{ } m \Rightarrow J = \overline{M+m}$$



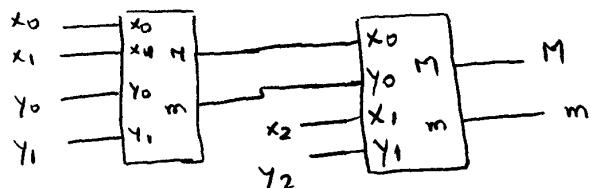
### Problema 4.48

Diseñar un comparador serie y otro paralelo para comparar dos  $n^{\text{os}}$   $x$  e  $y$  representados en magnitud y signo

Comparador parab. 2bit



Comp. par. 3bit



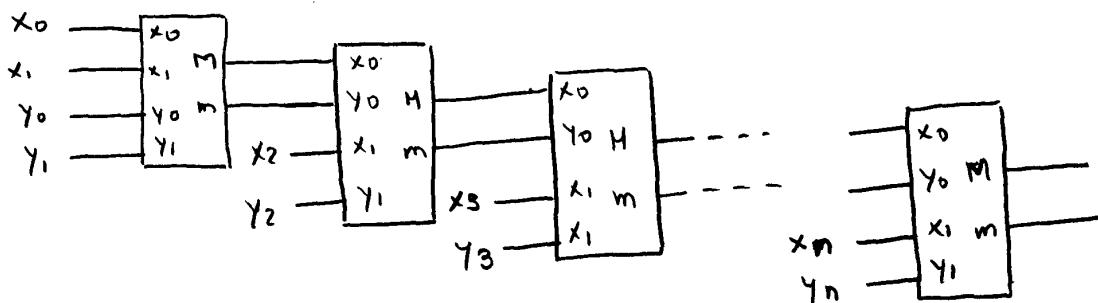
$y_2$	$y_1$	$y_0$	$x_2$	$x_1$	$x_0$	M	m
1	x	x	0	x	x	0	1
0	x	x	1	x	x	1	0
1	x	x	1	x	x	1	0
0	x	x	0	x	x	"	"

comparación entre  $x_2$  y  $y_2$

Esto es  $\rightarrow$  si  $x_2 > y_2$  no importa lo que valgan  $x_1, x_0$  y  $y_1, y_0$  que

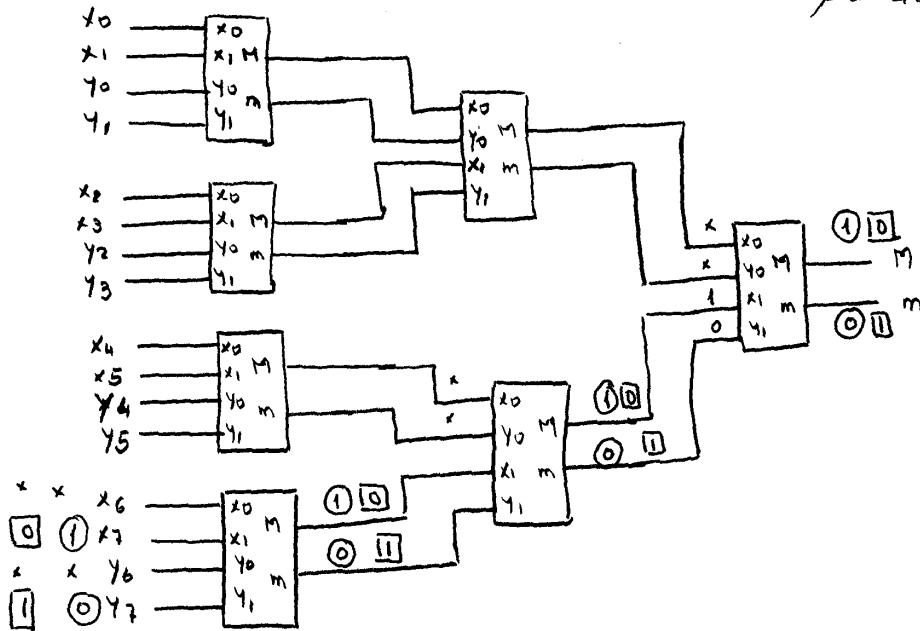
- $\rightarrow x > y$
- $\rightarrow$  si  $x_2 < y_2$  " " " " " " " "  $\rightarrow x < y$
- $\rightarrow$  solo en el caso de que  $x_2 = y_2 \Rightarrow$  el resultado final de la comparación es el estado de comparar los bits inferiores a  $x_2$  e  $y_2$

Comparador par. de n bits



## Comparador paralelo

Consiste en comparar partes de la palabra y luego comparar el resultado de las comparaciones.



$$\text{Si } x_7 > y_7 \Rightarrow M = 1 \quad m = 0 \quad \text{si } y_7 > x_7 \Rightarrow M = 0 \quad m = 1$$

- Solo en el caso de que  $x_7 = y_7$  el valor de salida será el resultado de la comparación de los bits  $x_6 \dots x_0$  e  $y_6 \dots y_0$ .
- Para comparar con signo tratar al signo con  $x_8$  e  $y_8$ .

## Problema 4-44

Con una ROM de  $16 \times 4$  diseñar un comparador de 8bit que genere  $M$  y  $m$ . y  $K=y$

Se conectarán los 4 bits  $x, x_0$  e  $y, y_0$  al bus de direcciones y en cada una de las direcciones se graba el valor correspondiente al obtenido de la tabla de la verdad, teniendo en cuenta que:

$$\begin{aligned} x < y &\rightarrow D_2 \\ x = y &\rightarrow D_1 \\ x > y &\rightarrow D_0 \end{aligned}$$

$A_8$	$A_2$	$A_1$	$A_0$	$D_3$	$D_2$	$D_1$	$D_0$		
$x_1$	$x_0$	$y_1$	$y_0$	0	$x < y$	$x = y$	$x > y$		
0	0	0	0	0	0	1	0	0	2
0	0	0	1	0	1	0	0	1	4
0	0	1	0	0	1	0	0	2	4
0	0	1	1	0	1	0	0	3	4
0	1	0	0	0	0	0	1	4	1
0	1	0	1	0	0	1	0	5	2
0	1	1	0	0	1	0	0	6	4
0	1	1	1	0	1	0	0	7	4
1	0	0	0	0	0	0	1	8	1
1	0	0	1	0	0	0	1	9	1
1	0	1	0	0	0	1	0	A	2
1	0	1	1	0	1	0	0	B	4
1	1	0	0	0	0	0	1	C	1
1	1	0	1	0	0	0	1	D	1
1	1	1	0	0	0	0	1	E	1
1	1	1	1	0	0	1	0	F	2

### Problema 4-45

Supuesta longitud de palabra de 8 bits y representación sin signo. Verificar las siguientes relaciones por el método de comparación por suma.

$$1) \quad x = 57 \quad y = 23$$

se suma  $x + \text{complemento A}2 \text{ de } y \Rightarrow \begin{cases} Z=1 \Rightarrow x=y \\ C=1 \Rightarrow x > y \end{cases}$

$$57 = 00111001$$

$$00111001$$

$$23 = 00010111 \Rightarrow 11101000 \quad \Rightarrow \quad \begin{array}{r} 11101000 \\ 00100010 \\ \hline 11101001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \downarrow \\ 1 \\ \hline 00100010 \end{array}$$

$$C=1 \quad Z=0$$

$$x > y$$

PR ALU 19

$$2) \quad x = 23 \quad e \quad y = 57$$

$$x = 00010111$$

$$y = 00111001 \rightarrow \text{c.a2} \rightarrow \begin{array}{r} 11000110 \\ 1 \\ \hline 11000111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 00010111 \\ 11000111 \\ \hline 11011110 \end{array}$$

$$C=0 \quad Z \neq 0 \Rightarrow x < y$$

### Problema 4-46

Suponiendo una longitud de palabra de 8 bits y que los  $n^{\text{os}}$  se representan en complemento a 2, comparar los  $n^{\text{os}}$  siguientes por el método de comparación por suma.

$$1) \quad x = -57 \rightarrow -57 \Rightarrow 00111001 \xrightarrow{\text{c.a2}} \begin{array}{r} 11000110 \\ + 1 \\ \hline 11000111 \end{array}$$

$$y = 23$$

$$\downarrow$$

$$x + (-y) = -23 \rightarrow 00010111 \xrightarrow{\text{c.a2}} \begin{array}{r} 11101000 \\ + 1 \\ \hline 11101001 \end{array}$$

$$x + (-y) \Rightarrow \begin{array}{r} 11000111 \\ 11101001 \\ \hline 10110000 \end{array} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} C=1 \\ Z=0 \\ N=1 \\ V=0 \end{array} \right\} \Rightarrow N \oplus V = 1 \Rightarrow x < y$$

$$2) \quad x = 23 \rightarrow 00010111$$

$$y = -57 \rightarrow x + (-y) \Rightarrow x + y = 57 \rightarrow 00111001$$

$$\begin{array}{r} 00010111 \\ 00111001 \\ \hline 01010000 \end{array} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} C=0 \\ Z=0 \\ V=0 \\ N=0 \end{array} \right\} \Rightarrow N \oplus V = 0 \Rightarrow x > y$$